

义务教育教科书

# 数学

## 八年级 下册

人民教育出版社 课程教材研究所 | 编著  
中学数学课程教材研究开发中心 |

人教领®

人民教育出版社  
·北京·

主 编：林 群

副 主 编：田载今 薛 彬 李海东

本册主编：李龙才

主要编写人员：章建跃 俞求是 张劲松 田载今 王 蝶

吴增生 王华鹏 王万丰 李昌官

责任编辑：张唯一

美术编辑：王俊宏

封面设计：吕 曼 王俊宏

插 图：王俊宏 文鲁工作室（封面）

义务教育教科书 数学 八年级 下册

人民教育出版社 课程教材研究所 编著  
中学数学课程教材研究开发中心

出 版 人 民 教 材 出 版 社

（北京市海淀区中关村南大街 17 号院 1 号楼 邮编：100081）

网 址 <http://www.pep.com.cn>

重 印 ××× 出 版 社

发 行 ××× 新华书店

印 刷 ××× 印刷厂

版 次 2013 年 9 月第 1 版

印 次 年 月第 次印刷

开 本 787 毫米 × 1 092 毫米 1/16

印 张 9

字 数 170 千字

印 数 册

书 号 ISBN 978-7-107-27221-9

定 价 元

版权所有 · 未经许可不得采用任何方式擅自复制或使用本产品任何部分 · 违者必究

如发现内容质量问题，请登录中小学教材意见反馈平台：[jeyjfk.pep.com.cn](http://jeyjfk.pep.com.cn)

如发现印、装质量问题，影响阅读，请与 ××× 联系调换。电话：×××-×××××××

# 本册导引

亲爱的同学，新学期开始了。

摆在你面前的这本书，是我们根据《义务教育数学课程标准（2011年版）》编写的教科书的八年级下册。现在我们一起来看看这本书的内容。

我们已经学过整式与分式，知道实际问题中的很多数量关系可以用它们表示。本册我们再来学习“**二次根式**”。掌握二次根式的内容，我们就能够解决更多的数量关系问题。

三角形中还有许多奥秘等着你去探究。你知道直角三角形的三条边有什么关系吗？请你到“**勾股定理**”中去探索。在探索的过程中，你会由衷地感叹数学的美妙与和谐。

在我们生活的世界随处可见平行四边形的身影，各种各样的平行四边形装点着我们的生活，给我们带来美的感受。一般的平行四边形与特殊的平行四边形——矩形、菱形、正方形之间有什么联系和区别？它们有怎样的性质？通过“**平行四边形**”一章的学习，你会对这些问题有更深的认识。

我们生活在变化的世界中，时间的推移、人口的增长、水位的升降……变化的例子举不胜举，函数将给你提供描述这些变化的一种数学工具。通过分析实际问题中的变量关系，得到相应的函数，你就能利用它解决非常广泛的问题。学习了“**一次函数**”，你会对这些有所体会。

我们已经了解了一些数据处理的基本方法，看到统计在现代生活中扮演着越来越重要的角色。“**数据的分析**”将引导你进一步学习数据处理的方法，比如如何分析数据的集中趋势、如何刻画数据的离散程度等。通过一些有趣的调查活动，你会对数据的作用有更深刻的认识，对用样本估计总体的思想有更多的体会。

数学伴着我们成长、数学伴着我们进步、数学伴着我们成功，让我们一起随着这本书，继续畅游神奇、美妙的数学世界吧！

# 目 录

## 第十六章 二次根式



16.1 二次根式	2
16.2 二次根式的乘除	6
16.3 二次根式的加减	12
阅读与思考 海伦-秦九韶公式	16
数学活动	17
小结	18
复习题 16	19

## 第十七章 勾股定理



17.1 勾股定理	22
阅读与思考 勾股定理的证明	30
17.2 勾股定理的逆定理	31
阅读与思考 费马大定理	35
数学活动	36
小结	37
复习题 17	38

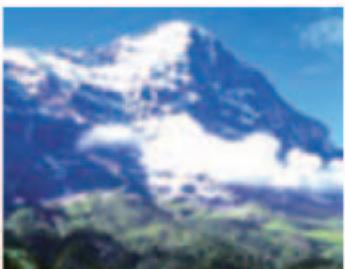
人教领®

## 第十八章 平行四边形



18.1 平行四边形	41
18.2 特殊的平行四边形	52
实验与探究 丰富多彩的正方形	63
数学活动	64
小结	66
复习题 18	67

## 第十九章 一次函数



19.1 函数	71
阅读与思考 科学家如何测算岩石的年龄	85
19.2 一次函数	86
信息技术应用 用计算机画函数图象	101
19.3 课题学习 选择方案	102
数学活动	105
小结	106
复习题 19	107



## 第二十章 数据的分析

20.1 数据的集中趋势	111
20.2 数据的波动程度	124
阅读与思考 数据波动程度的几种度量	129
20.3 课题学习 体质健康测试中的数据分析	131
数学活动	134
小结	135
复习题 20	136
部分中英文词汇索引	138

人教领®

# 第十六章 二次根式

电视塔越高，从塔顶发射出的电磁波传播得越远，从而能收看到电视节目的区域就越广。电视塔高  $h$ （单位：km）与电视节目信号的传播半径  $r$ （单位：km）之间存在近似关系  $r=\sqrt{2Rh}$ ，其中  $R$  是地球半径， $R\approx 6400$  km。如果两个电视塔的高分别是  $h_1$  km， $h_2$  km，那么它们的传播半径之

比是  $\frac{\sqrt{2Rh_1}}{\sqrt{2Rh_2}}$ 。你能将这个式子化简吗？

化简这个式子需要二次根式的有关知识。我们学过整式的运算、分式的运算。如何进行二次根式的运算呢？这就是本章要解决的主要问题。通过本章学习，可以为后面的勾股定理、一元二次方程等内容的学习打下基础。



# 16.1 二次根式



## 思考

用带有根号的式子填空，看看写出的结果有什么特点：

- (1) 面积为 3 的正方形的边长为 \_\_\_\_\_，面积为  $S$  的正方形的边长为 \_\_\_\_\_.
- (2) 一个长方形的围栏，长是宽的 2 倍，面积为  $130 \text{ m}^2$ ，则它的宽为 \_\_\_\_\_ m.
- (3) 一个物体从高处自由落下，落到地面所用的时间  $t$  (单位：s) 与开始落下时离地面的高度  $h$  (单位：m) 满足关系  $h=5t^2$ . 如果用含有  $h$  的式子表示  $t$ ，那么  $t$  为 \_\_\_\_\_.

上面问题的结果分别是  $\sqrt{3}$ ,  $\sqrt{S}$ ,  $\sqrt{65}$ ,  $\sqrt{\frac{h}{5}}$ ，它们表示一些正数的算术平方根。

我们知道，一个正数有两个平方根；0 的平方根为 0；在实数范围内，负数没有平方根。因此，在实数范围内开平方时，被开方数只能是正数或 0.

一般地，我们把形如  $\sqrt{a}$  ( $a \geq 0$ ) 的式子叫做 **二次根式** (quadratic radical)，“ $\sqrt{\quad}$ ”称为二次根号。

**例 1** 当  $x$  是怎样的实数时， $\sqrt{x-2}$  在实数范围内有意义？

**解：**由  $x-2 \geq 0$ ，得

$$x \geq 2.$$

当  $x \geq 2$  时， $\sqrt{x-2}$  在实数范围内有意义。



## 思考

当  $x$  是怎样的实数时， $\sqrt{x^2}$  在实数范围内有意义？ $\sqrt{x^3}$  呢？

### 练习

- 要画一个面积为  $18 \text{ cm}^2$  的长方形，使它的长与宽之比为  $3:2$ ，它的长、宽各应取多少？
- 当  $a$  是怎样的实数时，下列各式在实数范围内有意义？  
(1)  $\sqrt{a-1}$ ; (2)  $\sqrt{2a+3}$ ;  
(3)  $\sqrt{-a}$ ; (4)  $\sqrt{5-a}$ .

当  $a > 0$  时， $\sqrt{a}$  表示  $a$  的算术平方根，因此  $\sqrt{a} > 0$ ；当  $a = 0$  时， $\sqrt{a}$  表示 0 的算术平方根，因此  $\sqrt{a} = 0$ . 这就是说，当  $a \geq 0$  时， $\sqrt{a} \geq 0$ .



### 探究

根据算术平方根的意义填空：

$$(\sqrt{4})^2 = \underline{\quad}; (\sqrt{2})^2 = \underline{\quad};$$

$$\left(\sqrt{\frac{1}{3}}\right)^2 = \underline{\quad}; (\sqrt{0})^2 = \underline{\quad}.$$

$\sqrt{4}$  是 4 的算术平方根，根据算术平方根的意义， $\sqrt{4}$  是一个平方等于 4 的非负数. 因此有  $(\sqrt{4})^2 = 4$ .

同理， $\sqrt{2}$ ,  $\sqrt{\frac{1}{3}}$ ,  $\sqrt{0}$  分别是 2,  $\frac{1}{3}$ , 0 的算术平方根. 因此有  $(\sqrt{2})^2 = 2$ ,  $\left(\sqrt{\frac{1}{3}}\right)^2 = \frac{1}{3}$ ,  $(\sqrt{0})^2 = 0$ .

一般地，

$$(\sqrt{a})^2 = a (a \geq 0).$$

### 例 2 计算：

$$(1) (\sqrt{1.5})^2; \quad (2) (2\sqrt{5})^2.$$

解：(1)  $(\sqrt{1.5})^2 = 1.5$ ;

(2)  $(2\sqrt{5})^2 = 2^2 \times (\sqrt{5})^2 = 4 \times 5 = 20$ .

例 2 (2) 用到了

$$(ab)^2 = a^2 b^2$$
 这个结论.



## 探究

填空：

$$\sqrt{2^2} = \underline{\hspace{2cm}}; \quad \sqrt{0.1^2} = \underline{\hspace{2cm}};$$

$$\sqrt{\left(\frac{2}{3}\right)^2} = \underline{\hspace{2cm}}; \quad \sqrt{0^2} = \underline{\hspace{2cm}}.$$

可以得到

$$\sqrt{2^2} = 2, \quad \sqrt{0.1^2} = 0.1, \quad \sqrt{\left(\frac{2}{3}\right)^2} = \frac{2}{3}, \quad \sqrt{0^2} = 0.$$

一般地，根据算术平方根的意义，

$$\boxed{\sqrt{a^2} = a (a \geq 0)}.$$

**例3** 化简：

$$(1) \sqrt{16}; \quad (2) \sqrt{(-5)^2}.$$

解：(1)  $\sqrt{16} = \sqrt{4^2} = 4$ ;

(2)  $\sqrt{(-5)^2} = \sqrt{5^2} = 5$ .

回顾我们学过的式子，如  $5, a, a+b, -ab, \frac{s}{t}, -x^3, \sqrt{3}, \sqrt{a}$  ( $a \geq 0$ )，它们都是用基本运算符号（基本运算包括加、减、乘、除、乘方和开方）把数或表示数的字母连接起来的式子，我们称这样的式子为**代数式** (algebraic expression).

### 练习

1. 计算：

$$(1) (\sqrt{3})^2; \quad (2) (3\sqrt{2})^2.$$

2. 说出下列各式的值：

$$(1) \sqrt{0.3^2}; \quad (2) \sqrt{\left(-\frac{1}{7}\right)^2};$$

$$(3) -\sqrt{(-\pi)^2}; \quad (4) \sqrt{10^{-2}}.$$

欢迎访问：电子书学习和下载网站 (<https://www.shgis.com>)

文档名称：《义务教育教科书\_数学\_八年级下册》人教版.pdf

请登录 <https://shgis.com/post/1930.html> 下载完整文档。

手机端请扫码查看：

